




Zustandsorientierte Modellierung


Modellbildung in der Entwicklung
 Prof. Dr. Dr. h.c. Manfred Broy
 Gemeinsam mit Dr. Bernhard Schätz
 Fakultät für Informatik, TU München
 SS 2007


Inhalte

Vorlesungsinhalte:

<ol style="list-style-type: none"> 1. Modellbegriff 2. Grundlagen <ol style="list-style-type: none"> 1. Datenmodellierung 2. Zustandsmodellierung <ol style="list-style-type: none"> 1. Grundlagen 2. Ausführungsmodellierung 3. Interaktionsmodellierung 4. Nebenläufigkeitsmodellierung 5. Kommunikationsmodellierung 	<ol style="list-style-type: none"> 3. Abläufe und Prozesse 4. Architekturen 5. Schnittstellen 6. Modellintegration 3. Anwendung <ol style="list-style-type: none"> 4. Modellgetriebene Entwicklung 5. Domänenspezifische Modellierung
--	---



08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 2




Grundlagen: Endlicher Automat


Ein nichtdeterministischer, endlicher Automat ist ein 5-Tupel $(S, \Sigma, \delta, s_0, F)$:

- S , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- Σ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\delta \subseteq S \times \Sigma \times S$, Zustandsübergangsrelation
- $s_0 \in S$, Startzustand
- $F \subseteq S$, Menge der akzeptierenden Endzustände

Der Automat akzeptiert $w \in \Sigma^*$ genau dann, wenn $\delta^*(s_0, w) \cap F \neq \emptyset$ mit $\delta^*(q, \epsilon) = \{q\}$ und $\delta^*(q, a \circ w') = \bigcup_{(q,a,p) \in \delta} \delta^*(p, w')$.



08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 3




Grundlagen: Endlicher Automat

Ein deterministischer, endlicher Automat ist ein 5-Tupel $(S, \Sigma, \delta, s_0, F)$:

- S , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- Σ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$, Zustandsübergangsfunktion
- $s_0 \in S$, Startzustand
- $F \subseteq S$, Menge der akzeptierenden Endzustände

Der Automat akzeptiert $w \in \Sigma^*$ genau dann, wenn $\delta^*(s_0, w) \in F$ mit $\delta^*(q, \epsilon) = q$ und $\delta^*(q, a \circ w') = \delta^*(\delta(q, a), w')$.




08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 4

Grundlagen: Mealy-Automat

Eine Mealy-Maschine ist ein 7-Tupel $(S, \Sigma, \Omega, \delta, \lambda, s_0, F)$:


- S , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- Σ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- Ω , nicht-leere, endliche Menge von Ausgabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$, Zustandsübergangsfunktion
- $\lambda : S \times \Sigma \rightarrow \Omega$, Ausgabefunktion
- $s_0 \in S$, Startzustand
- $F \subseteq S$, Menge der akzeptierenden Endzustände

 TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 5

Grundlagen: Moore-Automat

Eine Moore-Maschine ist ein 7-Tupel $(S, \Sigma, \Omega, \delta, \lambda, s_0, F)$:


- S , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- Σ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- Ω , nicht-leere, endliche Menge von Ausgabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$, Zustandsübergangsfunktion
- $\lambda : S \rightarrow \Omega$, Ausgabefunktion
- $s_0 \in S$, Startzustand
- $F \subseteq S$, Menge der akzeptierenden Endzustände

 TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 6

Motivation und Abgrenzung

Zustandsmodellierung:

- Motivation: Modellierung von Systemverhalten
 - Sequentielle Programme
 - Interaktive/reaktive Systeme
- Ansatz: Zustandsbasierte Modellierung
- Kernkonzepte: Zustand, Übergang, Interaktion
- Abgrenzung: Automatentheorie
 - Fokus: Verhaltensmodellierung vs. Wortschatzbeschreibung
 - Erweiterung: Modellierung interaktiven, nebenläufigen Verhaltens

 TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 7


Ausführungsmodellierung

Ziel: Modellierung des Verhaltens von Berechnungen

- Adressiert Aspekte zur Darstellung von Berechnungsfolgen
- Beschreibt Aspekte unabhängig von einer spezifischen Programmiersprache
- Abstrahiert von Aspekten wie Ausführungsdauer oder Speichergröße

Konzepte: Zustands, Zustandsübergang, Ausführung, Verhalten

Modelle: Zustandsübergangssysteme

 TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 8

Zustand

```

int c = 4;

while(c>0) do
  c = c - 1;
  
```

Ansatz: Modellierung der Berechnungseffekte (Programmschritte)

Konzept: Zustand = Menge von Belegungen

- Datenzustand, z.B. Variablen
- Kontrollzustand, z.B. Programmzähler

Beispiel: $\{c = 3\}, \{c = 0\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 9

Zustandsübergang

Ansatz: Modellierung des Verhaltens eines (sequentiellen) Programms

Konzept: Übergang = Zustandsrelation (Zustandspaar)

- Beschreibt den Wechsel zwischen Programmzuständen
- Entspricht einer atomaren Aktion des Programms

Beispiel: $\{c = 3\} \rightarrow \{c = 2\}$ or $(\{c = 3\}, \{c = 2\})$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 10

Zustandsübergangssystem

Ansatz: Verhaltensbeschreibung eines (terminierenden) Programms

Modell: Zustandsübergangssystem (S, s_0, T)

- Menge S möglicher Programmzustände
- Initialer Zustand $s_0 \in S$ (Variante: Menge von Anfangszuständen S_0)
- Menge möglicher Übergänge $T \subseteq S \times S$

Beispiel:

- $S = \{\{c = 4\}, \{c = 3\}, \{c = 2\}, \{c = 1\}, \{c = 0\}\}$
- $s_0 = \{c = 4\}$
- $T = \{(\{c = 4\}, \{c = 3\}), (\{c = 3\}, \{c = 2\}), \dots, (\{c = 1\}, \{c = 0\})\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 11

Ausführung

Ansatz: Modellierung einer (teilweisen) Ausführung eines Programms

Konzept: Spur = Sequenz aufeinander folgender Zustände $s_1 \cdot s_2 \cdot s_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustand ist initialer Zustand: $s_1 = s_0$
- Aufeinander folgende Zustände definiert per Transitionen: $(s_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel: $\{c = 4\} \cdot \{c = 3\} \cdot \{c = 2\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 12

Erreichbarkeit

Ansatz: Charakterisierung der Zustände eines Programms

Konzept: s_i erreichbar = Teil einer Spur $s_0 \cdot s_1 \cdot s_2 \cdot s_3 \cdot s_4 \cdot \dots \cdot s_i$

Alternativ: s_i erreichbar = $(s_0, s_i) \in T^*$

Beispiel: $T = \{ ((c=4), (c=3)), ((c=4), (c=2)), \dots, ((c=3), (c=2)), ((c=3), (c=1)), \dots, ((c=0), (c=0)) \}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 13

(Nicht-)Terminierung

Ansatz: Identifikation (potentiell) unendlicher Berechnungen

Konzept: Zustandsübergangssystem (S, s_0, T) partiell bzw. total

- Total: Jeder Zustand hat einen Nachfolger: $\{ s \mid (s, s') \in T \} = S$
- Partiell: Es gibt Zustände ohne Nachfolger: $\{ s \mid (s, s') \in T \} \neq S$

Beispiel: $\{c=0\}$ ist nachfolgender Zustand

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 14

(Nicht)Determinismus

Ansatz: Modellierung des Verhaltens eines (sequentiellen) Programms

Konzept: Zustandsübergangssystem (S, s_0, T) deterministisch bzw. nichtdeterministisch

- Deterministisch: Max. einen Nachfolger: $(s, s'), (s, s'') \in T \Rightarrow s' = s''$
- Nichtdeterministisch: Es gibt Zustände mit mehreren Nachfolgern

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 15

Zusammenfassung

Konzepte:

- Zustand: Beobachtung eines Systems zu einem Zeitpunkt
- Zustandsübergang: Atomare, den Zustand ändernde Aktion
- Übergangsrelation: Menge möglicher Aktionen eines Programms
- Spur: Sequenz von Zuständen während einer Ausführung

Modell: Transitionssystem (S, s_0, T)

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 16

Interaktionsmodellierung

Ziel: Modellierung des Verhaltens von interaktiven Systemen


- Adressiert Aspekte der Darstellung von Interaktionen
- Beschreibt Aspekte unabhängig von spezifischen Interaktionsschnittstellen
- Abstrahiert von Aspekten wie Berechnungsdauer und Schnittstellenbreite

Konzepte: Interaktion, Beobachtung, Verhalten

Modell: Markierte Transitionssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 17

Interaktion



Ansatz: Modellierung der Interaktionen zwischen System und Umgebung

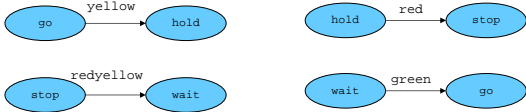
Konzept: Interaktion = gemeinsame Aktion an der Systemschnittstelle

- Einache Interaktion (atomar und unmittelbar)
- Komplexe Interaktion (Kombination of atomarer Interaktionen)

Beispiel: "Ampel schaltet auf Rot", "Ampel schaltet auf Grün"

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 18

Markierte Transition



Ansatz: Modellierung der Aktionen eines (reaktiven) Systems

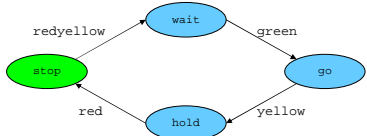
Konzept: Markierte Transition = Interaktion und Zustandsänderung

- Beschreibt den Übergang zwischen Zuständen des Systems
- Beschreibt die dem Übergang entsprechende Interaktion an der Systemschnittstelle

Beispiel: go $\xrightarrow{\text{yellow}}$ hold wait $\xrightarrow{\text{green}}$ go
or (go,yellow,hold), (wait,green,go)

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 19

Markiertes Transitionssystem



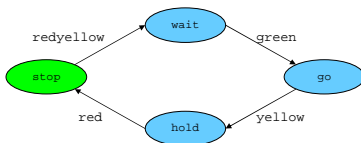
Ansatz: Modellierung des Verhaltens eines reaktiven Systems

Modell: Markiertes Transitionssystem (S, A, S_0, T)

- Menge der möglichen Systemzustände S
- Menge der möglichen einfachen Interaktionen A (Alphabet)
- Menge möglicher Startzustände $S_0 \subseteq S$
- Menge möglicher Transitionen $T \subseteq S \times A \times S$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 20

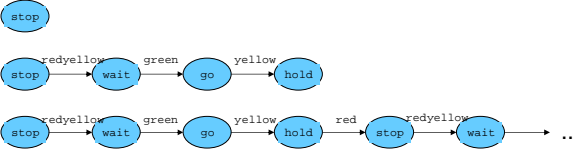
Markiertes Transitionssystem



- Beispiel:
 - $S = \{ \text{stop, wait, go, hold} \}$
 - $A = \{ \text{green, yellow, yellowred, red} \}$
 - $S_0 = \{ \text{stop} \}$
 - $T = \{ (\text{stop,redyellow,wait}), (\text{wait,green,go}), (\text{go,yellow,hold}), (\text{hold,red,stop}) \}$
- Or: $T = \{ \text{stop} \xrightarrow{\text{redyellow}} \text{wait}, \text{wait} \xrightarrow{\text{green}} \text{go}, \text{go} \xrightarrow{\text{yellow}} \text{hold}, \text{hold} \xrightarrow{\text{red}} \text{stop} \}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 21

Ablauf



Ansatz: Modellierung eines (partiellen) Ablauf eines Programms

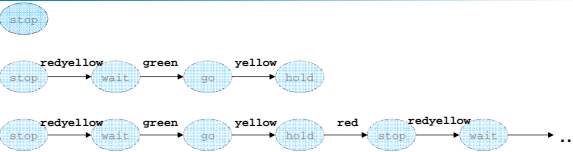
Konzept: Spur = (endliche/unendliche) Folge aufeinander folgender Zustände und zugehöriger Interaktionen $s_1 \cdot a_1 \cdot s_2 \cdot a_2 \cdot s_3 \cdot a_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustand ist ein Startzustand: $s_1 \in S_0$
- Folgezustände verknüpft über Transitionen: $(s_i, a_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel: $\text{stop} \cdot \text{redyellow} \cdot \text{wait} \cdot \text{green} \cdot \text{go}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 22

Beobachtung



Ansatz: Modellierung eines (partiellen) Verhaltens eines Systems an seiner Schnittstelle

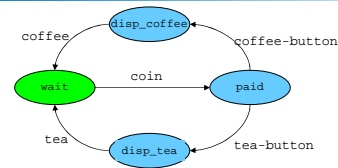
Konzept: Spur = (endliche/unendliche) Sequenz aufeinander folgender Interaktionen $a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdot \dots$ eines Ablaufs $s_1 \cdot a_1 \cdot s_2 \cdot a_2 \cdot s_3 \cdot a_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustands ist Initialzustand: $s_1 \in I$
- Folgezustände verknüpft über Transitionen: $(s_i, a_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel: $\text{redyellow} \cdot \text{green} \cdot \text{yellow} \cdot \text{red} \cdot \text{redyellow} \cdot \text{green} \cdot \text{yellow} \cdot \dots$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 23

Auswahl



Ansatz: Modellierung kontrollierbarer Verhaltensalternativen eines reaktiven Systems

Konzept: (Deterministische) Auswahl im Zustand s

- $(s, a_1, s_1) \in T$
- $(s, a_2, s_2) \in T$

Beispiel: $(\text{paid, coffee-button, disp_coffee}), (\text{paid, tea-button, disp_tea}) \in T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 24

Nichtdeterminismus

Ansatz: Modellierung nicht kontrollierbarer Verhaltensalternativen eines reaktiven Systems

Konzept: Nichtdeterministische Auswahl im Zustand s

- $(s, a, s_1) \in T$
- $(s, a, s_2) \in T$

Beispiel: $(wait, coin, paid), (wait, coin, wait) \in T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 25

(Nicht)deterministische Auswahl

Alternatives Verhalten eines Systems:

- Determ. Auswahl: Kontrolliert durch die Umgebung (Nutzer)
- Nichtdeterm. Auswahl: Kontrolliert durch das System

Varianten: Wer kontrolliert eine Interaktion?

- Symmetrisch: Gemeinsame Interaktion
- Asymmetrisch: Unterscheidung zwischen Ein-/Ausgabe

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 26

Eingabe und Ausgabe

Ansatz: Trennung zwischen System- und Umgebungsaktionen

Konzept: Alphabet A von Aktionen, getrennt nach Ein- und Ausgabe

- Eingabe I : Von der Umgebung kontrollierte Aktionen
- Ausgabe O : Vom System kontrollierte Aktionen

Beispiel: $I = \{coin, coffee-button, tea-button\}, O = \{coffee, tea\}, A = I \cup O$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 27

Eingabebereitschaft

Ansatz: Unterscheidung zwischen Eingabe und Ausgabe

Konzept: Eingabebereitschaft von (S, s, I, O, T)

- Das System ist immer bereit, eine Eingabe anzunehmen
- Für beliebige $s, i: (s, i, s') \in T$

Beispiel: $\{(paid, coin, paid), (paid, coffee-button, disp_coffee), (paid, tea-button, disp_tea)\} \subseteq T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 28

Interaktionsmodellierung

Konzepte:

- Interaktion (Alphabet): Gemeinsame Aktionen von System/Umgebung
- Beobachtung: Spur von Interaktionen
- Auswahl: Verhaltensalternativen eines Systems
- Nichtdeterminismus: Systemkontrollierte Auswahl

Modell: Markiertes Transitionssystem (S,A,S₀,T)

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 29

Nebenläufigkeitsmodellierung

Ziel: Modellierung des Verhaltens von nebenläufigen reaktiven Systemen

- Adressiert Aspekte der Synchronisierung
- Beschreibt Aspekte unabhängig von spezifischen Kommunikations/Synchronisierungstechniken
- Abstrahiert von Aspekten wie Schnittstellenbreite, Ausführungsgeschwindigkeit

Konzept: Gemeinsame/unabhängige Interaktion, gemeinsame/unabhängige Transition, Nebenläufigkeit

Modell: Synchronisierte Transitionssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 30

Nebenläufig und Parallel

Ansatz: Modellierung gleichzeitiger Abläufe in einem System

Konzept: Simultane Ausführung

- Nebenläufig: Logisch simultan (simultan bei sequentieller Beobachtung)
- Parallel: Technisch simultan (simultan bei gleichzeitiger Beobachtung)

Beispiel: Pre-emptives Multitasking vs. Multiprozessorausführung

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 31

Nebenläufiges System

Ansatz: Modellierung nebenläufiger Systemausführungen

Konzept: Produkt = Parallele Zustände von (S,A,S₀,T) und (S',A',S'₀,T')

- Produktraum = {speaking,listening} × {reading,writing} = { (speaking,writing), (speaking,reading), (listening,writing), (listening,reading) }
- Startzustände: S₀ × S'₀

Beispiel: ((speaking,listening),A,{speaking},T) und ((writing,reading),A',{writing},T')

- Produktraum = {speaking,listening} × {reading,writing} = { (speaking,writing), (speaking,reading), (listening,writing), (listening,reading) }
- Startzustand = {speaking} × {writing} = {(speaking,writing)}

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 32

Unabhängige Interaktion

Ansatz: Modellierung unabhängiger Interaktionen von Systemen

Konzept: Nichtsynchronisierte Transition von (S, A, S_0, T) und (S', A', S'_0, T')

- $((s, s'), a, (t, s'))$ für alle $(s, a, t) \in T$ und $a \in A \setminus A'$
- $((s, s'), a', (s, t'))$ für alle $(s', a', t') \in T'$, and $a' \in A' \setminus A$

Beispiel:

- $((\text{speaking}, \text{writing}), \text{read}, (\text{speaking}, \text{reading}))$
- $((\text{listening}, \text{reading}), \text{talk}, (\text{speaking}, \text{reading}))$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 33

Unsynchronisierter Produktautomat

Ansatz: Modellierung von unabhängiger Nebenläufigkeit

Modell: Produktautomat von (S, A, S_0, T) und (S', A', S'_0, T') mit $A \cap A' = \emptyset$

- Zustände: $S \times S'$
- Alphabet: $A \cup A'$
- Startzustände: $S_0 \times S'_0$
- Transitionsrelation $T \parallel T'$:
 - $((s, s'), a, (t, s'))$ für $(s, a, t) \in T$ und $a \in A$
 - $((s, s'), a', (s, t'))$ für $(s', a', t') \in T'$ und $a' \in A'$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 34

Synchronisierte Interaktion

Ansatz: Modellierung synchronisierter Interaktionen zwischen Systemen

Konzept: Synchronisierte Transitionen von (S, A, S_0, T) und (S', A', S'_0, T')

- $((s, s'), a, (t, t'))$ für $(s, a, t) \in T, (s', a', t') \in T'$ und $a \in A \cap A'$

Beispiel:

- $(\text{write}, \text{read}), \text{exchange}, (\text{wait}, \text{ready})$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 35

Synchronisierter Produktautomat

Ansatz: Modellierung von synchronisierter Nebenläufigkeit

Modell: Produktautomat von (S, A, S_0, T) und (S', A', S'_0, T') mit $A \cap A' \neq \emptyset$

- Zustände: $S \times S'$
- Alphabet: $A \cup A'$
- Startzustände: $S_0 \times S'_0$
- Transition relation $T \parallel T'$:
 - $((s, s'), a, (t, s'))$ für $(s, a, t) \in T$ und $a \in A \setminus A'$
 - $((s, s'), a', (s, t'))$ für $(s', a', t') \in T'$ und $a' \in A' \setminus A$
 - $((s, s'), a, (t, t'))$ für $(s, a, t) \in T, (s', a', t') \in T'$ und $a \in A \cap A'$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 36

Nebenläufigkeitsmodellierung

Konzepte:

- Nebenläufige Ausführung: Synchronized alternative execution
- Unabhängige Interaktion: Verschränkte Ausführung
- Synchronisierte Interaktion: Simultane Ausführung

Modell: Synchronisierter Produktautomat

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 37

Kommunikationsmodellierung

Ziel: Beschreibung von kommunizierenden Systemen

- Unterscheidung zwischen System und Umgebung
- Erweiterte Modellierung mit Ein- und Ausgabe

Konzepte: Signal, zeitsynchrone Kommunikation, nachrichtensynchrone Kommunikation

Modell: Synchronisierte Erweitere Zustandsübergangssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 38

Daten- und Kontrollzustand

Ausführungsmodell: $S \subseteq L \times V_1 \times \dots \times V_k \times I_1 \times \dots \times I_m \times O_1 \times \dots \times O_n$

- Kontrollzustand L (e.g., Init, Green, Yellow, Red, RedYellow)
- Variablen V_1, \dots, V_k (e.g., t: Int)
- Eingabe: I_1, \dots, I_m (e.g., Req: Signal \cup { - })
- Ausgabe: O_1, \dots, O_n (e.g., TL: TrafColor \cup { - })

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 39

Erweiterte Transition

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green
		t				n	

Modell: Extended Transition System

- Vorgängerzustand: Kontrollzustand, Datenzustand, Eingabe
- Nachfolgerzustand: Ausgabe, Datenzustand, Kontrollzustand

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 40

Beispiel: Erweiterte Transition

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Init			Green	Stop	Off	-1	Green
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green
Yellow	>0		-	-	-	t-1	Yellow
Red	0		RedYellow	Stop	-	TYellow	RedYellow

08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 41

Beispiel: Erweiterte Transition

State	Green	Green	Green
T	-1	10	B
Req	Present	-	-
TL	-	Green	-
PL	-	Stop	-
Ind	-	On	-

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green

Transitionsausführung: Anwendung der Pre-State/Post-State Relation

- Pre-State: Kontrollzustand, Datenzustand, Eingabe
- Post-State: Ausgabe, Datenzustand, Kontrollzustand

08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 42

Eingabebereitschaft

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Yellow	>0	-	-	-	-	t-1	Yellow
Yellow	==0	-	Red	Go	Off	0	Red
Yellow	>0	Present	Yellow	-	-	T-1	Yellow

Eingabebereitschaft:

- System blockiert keine Eingaben der Umgebung
- Transitionsrelation ist für alle Pre-States definiert

08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 43

Synchronisiertes Übergangssystem

Synchronisiertes Übergangssystem:

- $S_1 \subseteq L_1 \times V_{1,1} \times \dots \times V_{1,k} \times I_{1,1} \times \dots \times I_{1,m} \times O_{1,1} \times \dots \times O_{1,n}$
- $S_2 \subseteq L_2 \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,r} \times I_{2,1} \times \dots \times I_{2,s} \times O_{2,1} \times \dots \times O_{2,l}$
- Ein-/Ausgabe: $I_{1,1} = O_{2,1}, \dots, I_{1,v} = O_{2,v}, I_{2,1} = O_{1,1}, \dots, I_{2,w} = O_{1,w}$
- Produktraum $S \subseteq L_1 \times L_2 \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,k} \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,r} \times O_{1,1} \times \dots \times O_{1,m} \times O_{2,1} \times \dots \times O_{2,l} \times I_{1,v+1} \times \dots \times I_{1,m} \times I_{2,w+1} \times \dots \times I_{2,s} \times O_{1,w+1} \times \dots \times O_{1,n} \times O_{2,v} \times \dots \times O_{2,l}$

08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 44

Synchronisiertes Übergangssystem

Synchronisiertes Übergangssystem:

- Synchronisierte Transitionen von $(S_1, S_{1,0}, T_1)$ und $(S_2, S_{2,0}, T_2)$
- $((l_1, l_2, v_1, v_2, h_1, h_2, i_1, i_2, d_1, o_1), (l'_1, l'_2, v'_1, v'_2, h'_1, h'_2, i'_1, i'_2, o'_1, o'_2))$ für
 - $((l_1, v_1, i_1, h_1, o_1), (l'_1, v'_1, i'_1, h'_1, o'_1)) \in T_1$
 - $((l_2, v_2, i_2, h_2, o_2), (l'_2, v'_2, i'_2, h'_2, o'_2)) \in T_2$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 45

Literatur

- Manfred Broy, Ralf Steinbrüggen: Modellbildung in der Informatik, Springer-Verlag, Berlin, 2004
- David Harel: Statecharts: A visual approach to complex systems, CS84-05, Department of Applied Mathematics, The Weizmann Institute of Science, 1984
- Jeff Magee, Jeff Kramer: Concurrency – State Models & Java Programs, John Wiley & Sons Ltd., Chichester, 1999
- G. H. Mealy: *A Method for Synthesizing Sequential Circuits*, Bell System Tech. J. 34, pp. 1045–1079, September 1955
- Nancy Lynch, Frits Vaandrager. Forward and backward simulations for timing-based systems. In J. W. de Bakker, W. P. de Roever, C. Huizing, and G. Rozenberg, editors, Proceedings of Real-Time: Theory in Practice (REX Workshop, Mook, The Netherlands, June 1991), volume 600 of Lecture Notes in Computer Science, pages 397-446. Springer-Verlag 1992.

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 46

Statecharts von David Harel / UML

- Visueller Formalismus für Zustandsmodellierung
- Konzepte:
 - Clustern von Zuständen / Zustandshierarchie
 - Verfeinerung
 - Allgemeine Transitionen und Reaktionen
 - Ereignisse
 - Bedingungen
 - Aktionen
 - Aktivitäten
 - Unabhängigkeit / Orthogonalität

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 47

Cluster / Hierarchie

- Zusammenfassen von
 - Sich ausschließenden Zuständen (XOR Semantik)
 - Transitionen von Unterzuständen
- Beispiel
 - D ist XOR-Zustand von A und C
 - β führt von A zu B, aber auch von C zu B

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN
08.05.2007 Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 48

Verfeinerung / Top-Down Definition

1. D

2. D

3. D

4. D

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN

08.05.2007

Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering

49

Allgemeine Transition

A

Entry E
Exit X

$\alpha(P) / A$

B

Throughout Z

- Ereignis α : Transitionsauslöser
- Bedingung P: Einschränkungen der Transition
- Aktion A: Transitionsausgabe
- Aktivität E: Eingangsaktivität
- Aktivität X: Ausgangsaktivität
- Aktivität Z: Zustandsaktivität

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN

08.05.2007

Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering

50

Unabhängigkeit / Orthogonalität

- Zusammenfassen von
 - Parallelen Zuständen (AND-Semantik)

Y

A

B

α

β

M

N

β

α

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN

08.05.2007

Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering

51

Statecharts Beispiel: Armbanduhr

Clock

Display

Time

Date

Alarm

next

next

next

Alarm

Disabled

Enabled

set

fire

Light

Off

On

press

release

Power

OK

Critical

battery weak

Dead

battery high

battery dead

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN

08.05.2007

Fakultät für Informatik
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering

52