

## Übungen zu “Modellierung verteilter Systeme”

### Aufgabe 1 Paralleles Rechnen

Gegeben sei die Implementierung einer Funktion  $f: \mathbf{Nat} \rightarrow \mathbf{Nat}$ . Mit dieser soll die Summe  $S_n = \sum_{i=0}^n f(i)$  für ein beliebiges  $n \in \mathbf{Nat}$  bestimmt werden. Da die Berechnung von  $f(i)$  zum Teil sehr lange dauert, soll sie auf zwei Prozesse verteilt und parallel bearbeitet werden. Die Prozesse können durch einen gegebenen Algorithmus für wechselseitigen Ausschluß koordiniert werden:

```
do Q then nicht kritischer Abschnitt  
           Zugang  
           kritischer Abschnitt  
           Austritt  
od
```

- (a) Definieren Sie zwei Prozesse, die in Zusammenarbeit die Summe  $S_n$  berechnen, indem Sie jeweils den kritischen und nicht kritischen Abschnitt sowie geeignete Schleifenbedingungen angeben.
- (b) Wie geeignet ist Ihr Verfahren, wenn (1.) die Berechnungen  $f(i)$  in beiden Prozessen und für alle  $i$  ungefähr gleich lange dauern oder (2.) die Berechnungen sehr verschieden und unbekannt lange dauern?

### Aufgabe 2 Petersons Algorithmus

In der Vorlesung wurde der Dekker-Algorithmus zur Gewährleistung des *wechselseitigen Ausschlusses* in nebenläufigen Programmen mit gemeinsamen Variablen besprochen. Eine alternative Lösung ist der Peterson-Algorithmus:

```
begin  
  turn := 0  
  fl0, fl1 := false  
  [P0 || P1]  
end  
  
proc Pi :  
  do true then fli := true  
               turn := j  
               do flj ∧ turn = j then nop od  
               criti  
               fli := false  
  od
```

Prüfen Sie formal (Zusicherungsbeweis, Inferenzfreiheit), ob der Algorithmus folgende Eigenschaften gewährleistet:

**Wechselseitiger Ausschluss (*Mutual Exclusion*)** Zu jeder Zeit befindet sich höchstens ein Prozess innerhalb des kritischen Abschnittes.

**Keine Verklemmung (*Deadlock-freedom*)** Die Prozesse blockieren sich nicht gegenseitig. Wenn mehrere Prozesse versuchen, in den kritischen Bereich zu gelangen, erreicht irgendwann ein Prozeß den kritischen Bereich.

**Kein Verhungern (*Starvation-freedom*)** Wenn ein Prozeß versucht, in den kritischen Bereich zu gelangen, erreicht er diesen auch irgendwann.